



Universidade de Brasília

Instituto de Ciências Exatas

Departamento de Ciência da Computação

Números Naturais na Base Binária

Uma apostila na língua Ticuna

Adimir Carlos Tauana, Aldevalson Pinheiro Pereira, Eversen
Binder Flores Tomé, Wanderson Gabriel Torres da Silva, Thiago
Calegário Ferreira Gomes, Pedro Garcia Freitas e Edison Ishikawa

Brasília-DF

2023

Agradecimentos

Moē'gü

À Universidade de Brasília, que por meio do Programa Licenciaturas em Ação 2023 permitiu a consecução do Projeto de Extensão “Educação em Computação para Comunidades Indígenas da Etnia Ticuna”, do qual esta apostila é um dos produtos.

Ya Brasília’arü nguepataü, rü nawa i ngema ngueruü ügüü’arü puracügü i 2023 marü ngemaü i projetu’arü natchica “Cūputadugü’arü ngugü naca ya iänegü ya iragüne ya maiyugü’arü i Ticunagü’üü”, rü naca ni’ü i nha’ä naätü i wü’i ngemaü.

Prefácio

Na ü'ütciga

Dados digitais são armazenados e transmitidos usando a notação binária, ou seja, uma sequência de zeros e uns. A compreensão de como o computador trabalha com números na base binária auxilia na formação do pensamento computacional. A representação de números na base binária é o primeiro passo para materializar de forma concreta como computadores conseguem por meio de uma representação simples construir conceitos e representações complexas. Para os indígenas, ter exemplos palpáveis, concretos, facilita o seu aprendizado. Esta apostila tem por objetivo explicar na língua Ticuna a representação de números naturais na base binária e como transformar números naturais na base binária para a base decimal.

Naēgagü rü nanguū rü nhumatchi nangogü nama'ã i ngema nawa nü'ü i cua'ü i binariu, rüena, wüi i zeru'tchimaügü rü wüi'tchimaügü. Rü cua'ätchi na nhuääcü cüputadu na'puracü'ü nama'ã i numerugü i binariu'arü'ügü tü'ü narü'güee nawa i cüputadu'arü ñü'ca inguu. Numerugü'ü ütchicüna'äü i Binariu'arü'ügüwa norü wü'i arü'ü ni'ñ naca na aicuma'äcü ngemaü na nhu'äcü cüputadugü na narü'üü nawa i ngema wü'i natchicüna'ä i tautchamareü narü'ü ñügü rü natchicüna'ägü i gutchaütchigü'ü. Tümaca ya maiyugü, nangema'ü i cua'ätchiru'ügü i nü'ü ta ta'daugü'ü, aicuma'äcü ngogü'ü, natautcha'üca i tüma'arü ngugü. Nha'ã na'ätü rü nü'ü nangema na naca nadaü na nü'ü ni'uu i Ticunagawa i natchicüna'ägü i numerugü ya norügü tama'ïigüne i nawa i binariu'arü'ügü rü na nhu'äcü itomaraüeëü ya numerugü ya norügü'tama'ïigüne i tare'mepü arü'ügüwa nangeñ.

Sumário

1. Representado números na base binária
2. Binário para decimal
3. Conversão de Binário para Decimal
4. Conversão de Binário para Decimal Usando o Método de Notação Posicional
5. Conversão de Binário para Decimal Usando o Método de Dobro
6. Considerações Finais
7. Exercícios

1. Representando Números na base binária

A menor unidade de informação é o bit. Um bit só pode possuir dois valores. Estes valores podem ser representados de diversas formas. Por exemplo, um cesto pode estar ou aberto ou fechado (Fig. 1).

Rü ngema wü'itchigü rü'iramaeü i natchiga rü bit'nii. Wü'i bit rü tare'tama nü'ü nangema i natanügü. Nha'ä natanügü name'ta naütchicüna'ägüü i toma'raüäcü. Rü cua'ätchi, wü'i wotüra rü niwanaetü rüena naruwataetü (natchicüna'ä 1).



Figura 1. O cesto aberto pode representar o valor 1 e o cesto fechado o valor 0.

Natchicüna'ä 1. Rü wotüra i'wanaetü'ü rü 1 natanü naütchicüna'ä rü ngema wotüra rüwataetü'ü rü 0 ni'ñ natanü.

Podemos combinar vários bits para representar outros valores além de 0 e 1. Por exemplo, se usarmos dois bits, teremos 4 combinações possíveis de cestos.

Rü name ni'ñ rü'wü'igueeu i guüraüü i bit'gü i 0 rü 1 i togü i natanüma'ä. Rü cua'ätchi, rü ngegumatchi tare bit'maä ni'ñgu, tü'ü nangematchi i 4 inügüraüü i wotüragü.

	Binário	Decimal
	00	0
	01	1
	10	2
	11	3

Em computadores se usa uma combinação de 8 bits chamada byte para representar uma “palavra”. Por exemplo, a Fig. 2 mostra um byte representando o número decimal 15, que equivale ao número binário 00001111.

Rü cuputadugüwa rü nama’ã tana’wü’iguee i 8 bit’gü i byte’äcü ca’ü rü naütchicüna’äü i wü’i “namatü”. Rü cua’ätchi, natchicüna’ä 2 narü’we wü’i byte ütchicüna’äü i numeru decimau 15, rü inidau i numeru binariu 00001111.

	Valor							
Representação Física								
Binário	0	0	0	0	1	1	1	1
Decimal	15							

Figura 2. Diversas formas de representar o número decimal 15.

Natchicüna’ä 2. Tomarañüäcütchigü i nacüma tanaütchicüna’ta i numeru decimau 15.

Nas próximas seções vamos ver algumas formas de transformar número binários em decimal.

Rü totchigü i natchiäwatchigü ngi’ä nü’ü tadau i nümaütchigü i nacüma na itomarañüä i numeru binariugü i decimauwa.

2. Binário para Decimal

Rü Bináriu na Decimauwa nangei rü naca na'ü wüi numeru i sistema numéricu bináriuwa ngemaű i wü'iguű i norü ngu'utchi i norü sisitemawa i numéricu decimauwa.

Wü'i sistema numéricu rü wü'itama ni'i na númerugü naütchicüna'ăű wui nacüma metchinü'űăcü.

- Rü sistema numéricu bináriu rü ü'ü cüputadugüwa rü sistema electronicugüwa na nanaütchicünaăűca dadugü i ügű'ű nhaă i tare i digitugü i nhaăgü i 0 rü 1.
- Rü sistema numéricu decimau rü sistema numericu ăuri memaregű'ű i üü i guümagü rü Tauchaaăcü nü'ü ta'cuagü'üca ya dueegü

Rü binário rü decimauwa nangei rü name'ta naüü i tare i nacümaăcü – rü ngema nacüma natchicaű icua'ű rü nhumatchi nacüma napopetü'ű. Ngiă nü'ü ta cuae na nhuăcü bináriu na decimauwa nangei naü nümaű i cua'ătchiruű Ito'ۆtchiraűű i bináriu na decimauwa nangei.

Tacü niutchauű i Binariu rü Decimau?

Rü ito'ۆtchiraűű i binariu i decimauwa rü naü na wü'i numeru naütchicünaă i ăű i sistema Numericu binariugu nawa i norü'tama i natucumü i ngema Sistema Numericu Decimaugü. Wü'i sistema numericu rü aicumaütchi nawei i numerugü. Wü'itchigü sistema numericu nangema wü'itchigü norü'ügű, rü nhumatchi wü'i ügű'arü na ngema wü'i i nguătchi

rü nagu ninguaătchi wü'i sistema numericu rü nagu dawenü'ű norü guüma digitugü üü nagu. Por exemplo (Rü nü'ü tchiuătchi i cua'ătchiruű), rü sistema numericu binariu nü'ü nangema wü'i nagu niuu i 2, tacüca **naüü tare digitugü** na rü nanawe nheřüümare numeru. Ngemaăcü'gütama, rü sistema numericu decimau nangema wü'itchigü norü'ügű 10, marü na nhuma ni'i **cunaüü 10 digitugü** na nanawei wü'i numeru.

Rü ito'ۆtchiraűű i numerugü binariu i decimauwa rü ăuri name, erü tünarü ngüee i numeru arü ugüwa

Ngema naweine nhemaăcü wü'i i natucumü i 0s rü 1s. Ngiă nü'ü ta cuae natchiga itoraűű i nacümagü i towa nangei i binariu na decimauwa rü cua'ătchiruügű nü'ü idauü.

3. Conversão de Binário para Decimal

Bináriu Decimauwa nange'

Rü ito'õtchiraüü i binariu i decimauwa rü naü naca na tü'ü narüngüeee na numerugü'ü i uune ya ã'ugüne bináriugü **na nhemaäcü ya duuegü meä na tautchaäcü nü'ü tacua'güüca.** Rü nhuäcüta na wenaärü decimauwa nangei i binariu? Nangema nacümagü i tare ito'õtchiraüü wü'ine ya numeru i sistema binariu'arü naca i sistema numericu decimau:

- Nacüma i natchicaü ünetaü
- Wü'igu nu'u

4. Conversão de Binário para Decimal Usando o Método de Notação Posicional

Bináriu Decimauwa nange' üü Nacüma i natchicaü ünetaü

Rü Nacüma i natchicaü i ünetaü rü ngema i norü nguutchi i wü'i digitu i wü'ine i numeruwa rü marü inguune ya wü'i ya yaüca nagu ya nguättchine i norü natchicawa. Rü nama nhuäcüta ya ito'õtchiraüü binariu na decimauwa nangei rü nhaäcüta ya ngei:

- **1'arü ū':** Nangu'gü wü'itchigü digitu nawa tanaügü ngema digitu i ütchiwaäma'üü norü ngugüruü i 2. Nuã, tanaügüta namaä i 2^0 rü tarü ãueegü i expoente 1'wa rü tayangugü ngema ünaügüüwa--towetchacüü'cüwawaäma.
- **2'arü ū':** rü ngugü guüma i ngema norü nguutchi meeí naca i wü'itchigü digitu inüdaú i nguutchi i wü'iguü i numeru binariu äü sistema decimaugüwa.

Ngiä nü'ü ticua'ätchiee namaä i nhaä ngüeeroü i cua'ätchiruügü.

Cua'ätchiruü: Ti'ato'õtchiraüeë i numeru binariu **101101** i wü'i numeru decimauwa.

Nacüma: nangugü i nhaäma na nü'ü cu'cuaüta na nhuaäcü i binariu na decimauwa cuna'ngei. Rü ngeirüü'mare i numeru binariu, rü digitu i **meinetchacüüwaäma'üü** rü "Bit irarüwa i uu" (LSB) nhaäcü tanaca rü nhumatchi i digitu i **towetchacüüwaäma'üü** rü "Bit auri i uu" (MSB). Naca wü'i numeru binariu i 'n' iuu i digitü'gü, rü bit irarüwa i uu nü'ü nangema wü'i ya' i 2^0 naguu rü nhumatchi bit auri i uu nü'ü nangema wü'i ya' i $2^{(n-1)}$ naguu.

- **1'arü ū'**: expoentigü naütchimaü i 2 naca i guüma i digitugü na nawa ta naügüü i natchica i meinetchacüüwaäma'üü. Rü expoentigü i nüira'iine rüena'ta 2^0 , tanangugü ngema inaügüü i towetchacüü'cüwawaäma, nhaägüta ni'i $2^1, 2^2, 2^3, 2^4, 2^5$, nhaäcütchigütani'i. I cua'ätchiruü ãü'wa, rü nangema 6 digitugü, ngemaäcü, nawa naügü i digitu i meinetchacüüwaäma'üü, wü'itchigü natchica'arü ya' i meñnetchacü'üwa rü nhumatchi towetchacü'üwa rü $2^0, 2^1, 2^2, 2^3, 2^4$ e 2^5 .

$$\begin{array}{ccccccc}
 1 & 0 & 1 & 1 & 0 & 1 \\
 \downarrow & \downarrow & \downarrow & \downarrow & \downarrow & \downarrow \\
 2^5 & 2^4 & 2^3 & 2^2 & 2^1 & 2^0
 \end{array}$$

- **2'arü ū'**: Nhuma, nangugü i wü'itchigü i digitu i numeru binariuwa i nawa naügü'ü i meñnetchacü'üwa nama'ä i norügütchigü i norü ya' nagu niüätchitchigü'ü i norü natchicawatchigü rü nhumatchi nangugü i ngema airüügü. Nü'ü nadawenü i ngema natchicüna'ä i nhatügu ü'ü i nügüwa idagü'üma'ä i üü.

$$\begin{array}{ccccccc}
 1 & 0 & 1 & 1 & 0 & 1 \\
 & & | & | & | & | \\
 & & 1 & 0 & 1 & 0 \\
 & & \downarrow & \downarrow & \downarrow & \downarrow \\
 & & 1 \times 2^0 = 1 & & & & \\
 & & 0 \times 2^1 = 0 & & & & \\
 & & 1 \times 2^2 = 4 & & & & \\
 & & 1 \times 2^3 = 8 & & & & \\
 & & 0 \times 2^4 = 0 & & & & \\
 & & 1 \times 2^5 = 32 & & & & \\
 & & \text{SUM} \rightarrow \underline{\underline{45}} & & & &
 \end{array}$$

- **3'arü ū'**: I norü gu', nangugü i guüma i ngema airüügü i ngemagü'ü naca i guüma i digitugü i numeru binariuwa, tacü ngemaü i decimau'tucumüwa wü'iguü i numeru binariu ãü, rüena, 101101 i binariuwa rü ngema inidau i 45 i decimauwa'arü.

5. Conversão de Binário para Decimal Usando o Método de Dobro

Binariu i decimauwa nangeetchiⁱⁱ i nama'ā naü'ū i üetüruū'äcüma'äcü

Nhuäcü i naega tü'ū namuüäcü'taä, iütcigü'ū i ünagüetü'ū (rüena 2'maä na ngugü'ū) rü naü'ū naca i binariu i decimauwa nangeetchiⁱⁱ. Nha'ā nacüma ngema nangema i nhaäma natchigawa:

- **1'arü ū':** Nawü ya numeru binariu rü nhumatchi nawa naügü i digitu i towetchacü'üwa'ama'üü. Naünagüetü i nüira'üü i numeru rü nhumatchi iücutchi i digitu nhuma ngemane. Nhuäcü tana'ügüü nawa nhaä digitu i towetchacü'üwa'ama'üü rü nhumatchi natauma i to' i nüira'üü i digitu inaraü'ü, digitu'arü ünagüetüruū i nüira'üü rü 0'acü nü'ü taca. Rü cua'ätciruū, rü 101101, rü digitu towetchacü'üwaama'üü rü '1' ni'ī. Rü numeru'arü ünagüetüruū ya nüiraüne rü 0'ni'ī. Rü ngemaäcü, naü'ü $(0 \times 2) + 1$, rü 1 wini'ī.
- **2'arü ū':** Ngema'äcümaäcütama na'ü i to' digitu'wa. Rü Towetchacü'üwaäma'üü i norü tare i digitu rü 0'ni'ī. N huma'nacü, nüira'üne digitu naüetü rü nhumatchi iücutchi i digitu nhuma ngemanewa. Rü ngemaäcü, naü'ü $(1 \times 2) + 0$, rü 2 wini'ī.
- **3'arü ū':** Ngema'äcümaäcütama na'ü ya guünema ya norü i digitugüwa. Rü ngema norü nguutchi'ī ingau i norü guwa'üü rü ngematani'ī i decimau'arü nguutchi aicumaäcü'īī (real). Rü ngemaäcü, i ngema norü nguutchi i numeru binariu'arü ngeetchi 101101 i decimauwa nama'ā na'üü i nacüma i tanetaruū rü numeru decimau 45'inidau.

Nü'ü nadawenü i natchicüna'ā i nhatügu'üü na nü'ü cudaüca na daunagu'ū nhuäcü naü'ü:

$$\begin{array}{r}
 & & & & & & 0 \\
 & & & & & & \downarrow \\
 1 & 0 & 1 & 1 & 0 & 1 & \rightarrow (0 \times 2) + 1 = 1 \\
 & & & & & & \downarrow \\
 1 & 0 & 1 & 1 & 0 & 1 & \rightarrow (1 \times 2) + 0 = 2 \\
 & & & & & & \downarrow \\
 1 & 0 & 1 & 1 & 0 & 1 & \rightarrow (2 \times 2) + 1 = 5 \\
 & & & & & & \downarrow \\
 1 & 0 & 1 & 1 & 0 & 1 & \rightarrow (5 \times 2) + 1 = 11 \\
 & & & & & & \downarrow \\
 1 & 0 & 1 & 1 & 0 & 1 & \rightarrow (11 \times 2) + 0 = 22 \\
 & & & & & & \downarrow \\
 1 & 0 & 1 & 1 & 0 & 1 & \rightarrow (22 \times 2) + 1 = 45 \\
 & & & & & & \uparrow \\
 (101101)_2 & = & (45)_{10}
 \end{array}$$

6. Considerações Finais

Esta apostila é uma primeira parte do esforço de se produzir material didático para o ensino de computação na língua Ticuna. Ele será complementado e aperfeiçoadão à medida que os alunos indígenas do curso Computação Licenciatura avancem no curso para se tornarem Professores de Computação da Educação Básica.

Nha'ã naã'tü rü wü'i ira'ü i natchipe'emare ni'ĩ i puracü'arü na na'üü i ngema nama'ã i puracü naca i cüputadugü'arü ngugü i Ticunagawa. Nüma rü ta nü'ü nataneta rü name na ngema'äcü i nguetanüögü i cüputaduwa ngueü na nü'ü na cua'eü yeera'äcü na nhu'äcü ngueruü'ca ingu'utchii nawa i cüputadugü'arü ngueetaegü.

7. Exercícios

Convencionado que o cesto aberto tem o valor 0 e o cesto fechado o valor 1, escreva o valor em binário e em decimal dos bytes a seguir:

Rü meã nu'ācū rü wotüra iwanaētū'ū nū'ū nangema i natanü 0 rü wotüra rüwataetū'ū nacū i natanü 1, nawü i natanü i binariuwa rü bytgü'arü decimauwa rü towa:

	Valor							
Representação Física								
Binário								
Decimal								

	Valor							
Representação Física								
Binário								
Decimal								

	Valor							
Representação Física								
Binário								
Decimal								

	Valor							
Representação Física								
Binário								
Decimal								

	Valor							
Representação Física								
Binário								
Decimal								